

Ex.

$$1. \sqrt{6+\sqrt{x}} = \sqrt{15-2\sqrt{x}} \quad /^2$$

$$\begin{aligned} 6+\sqrt{x} &= 15-2\sqrt{x} \\ \sqrt{x}+2\sqrt{x} &= 15-6 \\ 3\sqrt{x} &= 9 \\ \sqrt{x} &= 3 \quad /^2 \\ \underline{x} &= \underline{9} \end{aligned}$$

$$\text{vérif. : } 1^{\text{er}} \text{ membre : } \sqrt{6+\sqrt{9}} = \sqrt{6+3} = 3$$

$$2^{\text{nd}} \text{ membre : } \sqrt{15-2\sqrt{9}} = \sqrt{15-6} = \sqrt{9} = 3$$

$$\mathcal{S} = \{9\}$$

$$2. \sqrt{x+5} - \sqrt{x^2-7} = 0$$

$$\begin{aligned} \sqrt{x+5} &= \sqrt{x^2-7} \quad /^2 \\ x+5 &= x^2-7 \\ 0 &= x^2-7-x-5 \\ 0 &= x^2-x-12 \\ 0 &= (x-4) \cdot (x+3) \\ &\swarrow \quad \searrow \\ \underline{x-4} & \quad \underline{x+3} \end{aligned}$$

$$\text{vérif. : } 0 \text{ pour } x=4$$

$$1^{\text{er}} \text{ membre : } \sqrt{4+5} - \sqrt{4^2-7} = \sqrt{9} - \sqrt{9} = 0$$

$$2^{\text{nd}} \text{ membre : } 0$$

$$0 \text{ pour } x=-3$$

$$1^{\text{er}} \text{ membre : } \sqrt{-3+5} - \sqrt{(-3)^2-7} = \sqrt{2} - \sqrt{2} = 0$$

$$2^{\text{nd}} \text{ membre : } 0$$

$$\mathcal{S} = \{-3, 4\}$$

$$3. \sqrt{-x} = 2 - \sqrt{2-x} \quad /^2$$

$$-x = 4 - 2 \cdot 2 \cdot \sqrt{2-x} + 2-x$$

$$-x = 4 - 4\sqrt{2-x} + 2-x$$

$$4\sqrt{2-x} = 4 + 2 - x + x$$

$$4\sqrt{2-x} = 6$$

$$2\sqrt{2-x} = 3 \quad /^2$$

$$4 \cdot (2-x) = 9$$

$$8 - 4x = 9$$

$$-4x = 1$$

$$\underline{x} = \underline{-\frac{1}{4}}$$

$$\text{vérif. : } 1^{\text{er}} \text{ membre : } \sqrt{-(-\frac{1}{4})} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$$

$$2^{\text{nd}} \text{ membre : } 2 - \sqrt{2 + \frac{1}{4}} = 2 - \sqrt{\frac{9}{2}} = \frac{1}{2}$$

$$\mathcal{S} = \{-\frac{1}{4}\}$$

$$4. \sqrt{1+x\sqrt{x^2+4}} = 1-x \quad /^2$$

$$1+x\sqrt{x^2+4} = 1^2 - 2x + x^2$$

$$x\sqrt{x^2+4} = 1 - 2x + x^2 - 1$$

$$x\sqrt{x^2+4} = -2x + x^2$$

$$x\sqrt{x^2+4} = x(x-2) \quad /^2$$

$$\sqrt{x^2+4} = x-2$$

$$x^2+4 = x^2-4x+4$$

$$x^2+4-x^2+4x-4=0$$

$$4x=0$$

$$\underline{x} = \underline{0}$$

$$\text{vérif. : } 1^{\text{er}} \text{ membre : } \sqrt{1+0 \cdot \sqrt{0^2+4}} = \sqrt{1+0} = 1$$

$$2^{\text{nd}} \text{ membre : } 1-0 = 1$$

$$\mathcal{S} = \{0\}$$

$$5. 3\sqrt{x+5} - 5 = x$$

$$3\sqrt{x+5} = x+5 \quad /^2$$

$$9 \cdot (x+5) = x^2 + 10x + 25$$

$$9x + 45 = x^2 + 10x + 25$$

$$0 = x^2 + 10x + 25 - 9x - 45$$

$$0 = x^2 + x - 20$$

$$0 = (x+5) \cdot (x-4)$$

$$\swarrow$$

$$\underline{x} = \underline{-5}$$

$$\searrow$$

$$\underline{x} = \underline{4}$$

$$\text{vérif. : } 0 \text{ pour } x=-5$$

$$1^{\text{er}} \text{ membre : } 3\sqrt{-5+5} - 5 = 3 \cdot 0 - 5 = -5$$

$$2^{\text{nd}} \text{ membre : } -5$$

$$0 \text{ pour } x=4$$

$$1^{\text{er}} \text{ membre : } 3\sqrt{4+5} - 5 = 3\sqrt{9} - 5 = 4$$

$$2^{\text{nd}} \text{ membre : } 4$$

$$\mathcal{S} = \{-5, 4\}$$